

HƯỚNG DẪN GIẢI ĐỀ THI TUYỂN SINH MÔN TOÁN LỚP 10 THPT

NĂM HỌC 2023-2024

Giáo viên hướng dẫn: Nguyễn Ngọc Phương – THCS Lê Quý Đôn TP Bắc Giang

I. PHẦN TRẮC NGHIỆM: mã 106

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
B	A	A	D	C	B	D	B	A	C
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
D	C	B	B	A	C	A	D	C	D

II. PHẦN TỰ LUẬN

Câu 1.

a) Giải hệ phương trình:

$$\begin{cases} 3x-2y=9 \\ x-3y=10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3x-2y=9 \\ x=3y+10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3(3y+10)-2y=9 \\ x=3y+10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 7y=-21 \\ x=3y+10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y=-3 \\ x=1 \end{cases}.$$

Vậy hệ phương trình có nghiệm duy nhất $(x; y) = (1; -3)$.

b) Rút gọn biểu thức:

Với $x > 0, x \neq 1$ ta có:

$$\begin{aligned} Q &= \left[\frac{1}{\sqrt{x}-1} + \frac{1}{\sqrt{x}(\sqrt{x}-1)} \right] : \left[\frac{1}{\sqrt{x}+1} + \frac{2}{(\sqrt{x}-1)(\sqrt{x}+1)} \right] = \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}(\sqrt{x}-1)} : \frac{\sqrt{x}-1+2}{(\sqrt{x}-1)(\sqrt{x}+1)} \\ &= \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}(\sqrt{x}-1)} \cdot \frac{(\sqrt{x}-1)(\sqrt{x}+1)}{\sqrt{x}+1} = \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}}. \end{aligned}$$

Vậy $Q = \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}}$ với $x > 0, x \neq 1$.

c) Vì đường thẳng $y = ax + b$ đi qua $M(2; 1)$ nên ta có: $2a + b = 1$ (1)

Vì đường thẳng $y = ax + b$ song song với đường thẳng $y = x + 2023$ nên ta có: $\begin{cases} a = 1 \\ b \neq 2023 \end{cases}$.

Thay $a = 1$ vào (1) ta được: $2.1 + b = 1 \Leftrightarrow b = -1$ (thỏa mãn).

Vậy $a = 1; b = -1$.

Câu 2.

a) Thay $m = 2$ vào phương trình (1) ta được phương trình:

$$x^2 - 2(2+1)x + 4 \cdot 2 = 0 \Leftrightarrow x^2 - 6x + 8 = 0.$$

$$\Delta = (-6)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 8 = 36 - 32 = 4$$

Vì $\Delta > 0$ nên phương trình có hai nghiệm phân biệt: $x_1 = \frac{6 + \sqrt{4}}{2 \cdot 1} = 4$; $x_2 = \frac{6 - \sqrt{4}}{2 \cdot 1} = 2$

Vậy với $m = 2$ phương trình có tập nghiệm $S = \{2; 4\}$.

b) Ta có: $\Delta' = [-(m+1)]^2 - 1 \cdot 4m = m^2 + 2m + 1 - 4m = (m-1)^2$

Phương trình có hai nghiệm phân biệt $\Leftrightarrow \Delta' > 0 \Leftrightarrow (m-1)^2 > 0 \Leftrightarrow m \neq 1$.

Khi đó hai nghiệm phân biệt của phương trình là:

$$x = \frac{m+1+m-1}{1} = 2m; \quad x = \frac{m+1-m+1}{1} = 2.$$

+) Trường hợp 1: Xét $x_1 = 2m$; $x_2 = 2$.

Ta có: $|x_1| - |x_2| = -4 \Leftrightarrow |2m| - 2 = -4 \Leftrightarrow |2m| = -2$ (vô lý).

+) Trường hợp 2: Xét $x_1 = 2$; $x_2 = 2m$.

Ta có: $|x_1| - |x_2| = -4 \Leftrightarrow 2 - |2m| = -4 \Leftrightarrow |2m| = 6 \Leftrightarrow \begin{cases} 2m = 6 \\ 2m = -6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m = 3 \\ m = -3 \end{cases}$ (thỏa mãn).

Vậy $m \in \{-3; 3\}$ là các giá trị cần tìm.

Câu 4.

Gọi số người dự kiến tham gia trồng cây lúc đầu là x (người), $x \in \mathbb{N}^*$; $x > 4$.

Số cây mỗi người phải trồng theo dự kiến là: $\frac{80}{x}$ (cây).

Số người thực tế tham gia trồng cây là: $x - 4$ (người).

Số cây mỗi người phải trồng theo thực tế là: $\frac{80}{x-4}$ (cây).

Vì thực tế mỗi người phải trồng thêm 1 cây so với dự định, nên ta có phương trình:

$$\frac{80}{x-4} - \frac{80}{x} = 1 \Leftrightarrow 80x - 80(x-4) = x(x-4)$$

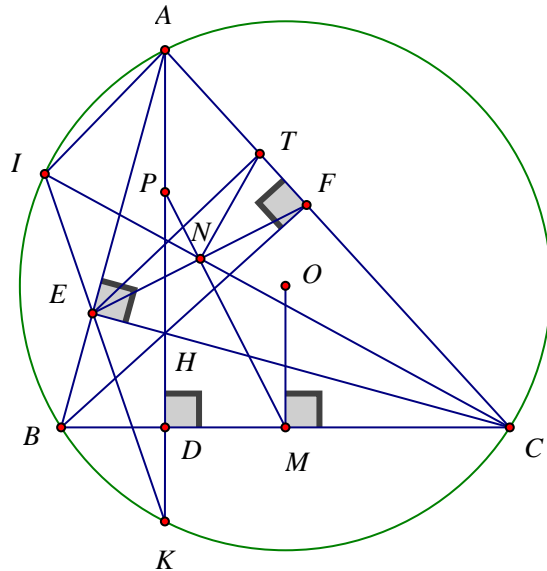
$$\Leftrightarrow x^2 - 4x - 320 = 0 \Leftrightarrow x^2 - 20x + 16x - 320 = 0$$

$$\Leftrightarrow x(x-20)+16(x-20)=0 \Leftrightarrow (x-20)(x+16)=0 \Leftrightarrow \begin{cases} x=20 \\ x=-16 \end{cases}$$

Đổi chiếu với điều kiện ta được $x=20$.

Vậy số người dự kiến tham gia trồng cây là: 20 người.

Câu 4:



a) Ta có AD, CE là đường cao của tam giác ABC

$$\Rightarrow AD \perp BC \text{ tại } D, CE \perp AB \text{ tại } E \Rightarrow \angle BEH = 90^\circ, \angle BDH = 90^\circ \Rightarrow \angle BEH + \angle BDH = 180^\circ$$

Xét tứ giác $BEHD$ có $\angle BEH + \angle BDH = 180^\circ$

mà hai góc BEH, BDH ở vị trí đối nhau \Rightarrow tứ giác $BEHD$ nội tiếp một đường tròn.

KL.

b) Ta có BF, CE là đường cao của tam giác ABC

$$\Rightarrow BF \perp AC \text{ tại } F, CE \perp AB \text{ tại } E \Rightarrow \angle AFH = 90^\circ, \angle HEA = 90^\circ \Rightarrow \angle AFH + \angle HEA = 180^\circ$$

Xét tứ giác $AEHF$ có $\angle AFH + \angle HEA = 180^\circ$

Mà hai góc AFH, HEA là hai góc ở vị trí đối nhau

\Rightarrow tứ giác $AEHF$ nội tiếp một đường tròn

$$\Rightarrow \angle FEH = \angle HAF \text{ (hai góc nội tiếp cùng chắn } HF) \Rightarrow \angle NEC = \angle KAC \quad (1)$$

Xét đường tròn (O) có $\angle KIC = \angle KAC$ (hai góc nội tiếp cùng chắn KC)

$$\Rightarrow \angle EIC = \angle KAC \quad (2)$$

Từ (1) và (2) $\Rightarrow \angle EIC = \angle NEC$.

Xét tam giác CEN và tam giác CIE có: ICE là góc chung; $\angle EIC = \angle NEC$

$$\Rightarrow \Delta CEN \text{ đồng dạng với } \Delta CIE \text{ (g.g)} \quad \Rightarrow \frac{CE}{CI} = \frac{CN}{CE} \Rightarrow CE^2 = CI \cdot CN \text{ (đpcm).}$$

c) Ta có tam giác AEH vuông tại E , tam giác AFH vuông tại F

$\Rightarrow \Delta AEH, \Delta AFH$ nội tiếp đường tròn đường kính $AH \Rightarrow A, E, F, H$ thuộc đường tròn đường kính AH

Mà P là tâm đường tròn ngoại tiếp ΔAEF là trung điểm của $AH \Rightarrow PE = PF$ suy ra P thuộc đường trung trực EF . (1)

Tương tự chỉ ra E, F thuộc đường tròn đường kính BC , mà M là trung điểm của BC

$\Rightarrow ME = MF$ suy ra M thuộc đường trung trực EF (2)

Vẽ ET vuông góc AC tại T , ta có $EC^2 = CT \cdot CA$

Mà $CE^2 = CI \cdot CN \Rightarrow CE^2 = CI \cdot CN = CT \cdot CA \Rightarrow$ tứ giác $AINT$ nội tiếp $\Rightarrow \angle AIN = \angle NTF$

Mà $\angle AIN = \angle ABC, \angle ABC = \angle TFN \Rightarrow \angle TFN = \angle NTF \Rightarrow \Delta NTF$ cân tại $N \Rightarrow NF = NT$ (3)

Mặt khác $\angle ETN + \angle NTF = 90^\circ; \angle ETN + \angle EFT = 90^\circ$

$\Rightarrow \angle TEN = \angle NTE$ suy ra tam giác NTE cân tại $N \Rightarrow NE = NT$ (4)

Từ (3), (4) $\Rightarrow NE = NF$ (5)

Từ (1), (2), (5) $\Rightarrow M, P, N$ đều thuộc đường trung trực EF nên ba điểm M, P, N thẳng hàng.

Câu 5.

Ta có: $\sqrt{3a+bc} = \sqrt{(a+b+c)a+bc} = \sqrt{a^2+ab+ac+bc} = \sqrt{(a+b)(a+c)} \leq \frac{a+b+a+c}{2} = \frac{2a+b+c}{2}$

Tương tự: $\sqrt{3b+ac} \leq \frac{2b+a+c}{2}; \sqrt{3c+ab} \leq \frac{2c+a+b}{2}$

Từ đó ta có:

$$\sqrt{3a+bc} + \sqrt{3b+ac} + \sqrt{3c+ab} \leq \frac{2a+b+c}{2} + \frac{2b+a+c}{2} + \frac{2c+a+b}{2} = \frac{4(a+b+c)}{2} = 2.3 = 6$$

Dấu bằng xảy ra khi $a=b=c=1$

Vậy giá trị lớn nhất của biểu thức A bằng 6 khi $a=b=c=1$.

